

MPDI2

INFORMATYKA

Wykład 9

MATLAB cd

- **Macierze**
- **Iteracja (pętla)**
- **Operacje iteracyjne na macierzach**

TABLICE (MACIERZE)

Tworzenie tablicy

wektor wierszowy

$M1=[1\ 2\ 3\ 4\ 5]$

lub

$M1=[1, 2, 3, 4, 5]$

wektor kolumnowy

$M2=[1; 2; 3; 4; 5]$

tablica dwuwymiarowa

$M3 = [1\ 2\ 3; 2\ 1\ 1; 1\ 0\ 0]$

Metoda generowania tablicy o elementach ciągu arytmetycznego

x=0:2:10 %generowanie wektora od 0 do 10 co 2

% wart_pocz:krok:wart_koncowa

0	2	4	6	8	10
---	---	---	---	---	----

x= 0:0.1:2 %dozwolona wartość dziesiętna kroku

Można pominąć krok:

x=0:10

%generowanie wektora od 0 do 10 co 1

% wart_pocz:wart_koncowa

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----

Podobnie w tablicach wielowymiarowych

$M = [0:5 ; 10:15]$

%wartość początkowa: wartość końcowa (**krok=1**)

0	1	2	3	4	5
10	11	12	13	14	15

ale **UWAGA!**

$M = [0:5; 10:17]$

błąd

arguments dimensions are not consistent

różne rozmiary wierszy (6 i 7)

Można wygenerować tablicę serią x i f(x):

$x = [0 : 2 : 180]$ %wartość początkowa: **krok**: wartość końcowa

$M = [x; \text{sind}(x)]$

0	2	4	6	...						180
0	0.0349	0.0698	0.1045	...						0

$x = [1 : 10]$

$M = [x; \log(x)]$

1.0000	2.0000	3.0000	4.0000	5.0000	6.0000	7.0000	8.0000	9.0000	10.0000
0	0.6931	1.0986	1.3863	1.6094	1.7918	1.9459	2.0794	2.1972	2.3026

ale można też osobne dwa wektory:

$x = [1 : 10]$

$y = \log(x)$

Dostęp do elementu tablicy (macierzy)

NAZWA(indeks lub indeksy)

M1=[1 3 5 -11 7]

disp(M1(3))

wyświetlony zostanie trzeci element
tablicy (indeks zaczyna się od 1)

M2 = [1 2 3; 2 1 1.5; 1 0 0]

disp(M2(2,3))

ale też M2(8) –
odliczanie kolumnami

1 4 7

2 5 8

3 6 9

Można elementy zdefiniowanej tablicy wykorzystać w
wyrażeniach:

$$y = M(2,2)^2$$

Operacje na tablicach (macierzach)

```
m4=[1 2 34 6;6 8/2 4 -2; 2 -5 56 6; 6 72 0.2 12]
```

```
m4t = m4'           %macierz sprzężona – transponowana  
m4o = m4^-1        %macierz odwrotna (macierz kwadratowa!)  
mo= inv(m)         % także obliczenie macierzy odwrotnej!  
s=m4*m4o           %sprawdzenie - macierz jednostkowa  
w=det(m4)          %wyznacznik, uwaga:macierz musi być kwadratowa!
```

Połączenie dwóch i więcej macierzy:

```
M=[M1, M2] % M1 i M2 muszą mieć tyle samo wierszy
```

```
M=[M1; M2] % M1 i M2 muszą mieć tyle samo kolumn
```

Operatory "kropkowe" dla tablic

jeśli A i B są tablicami

$$C=A*B$$

to iloczyn macierzowy – kiedy dozwolony? - gdy macierz A ma tyle kolumn ile macierz B wierszy

$D=A.*B$ to iloczyn tablicowy – każdy element macierzy D powstaje z iloczynu "odpowiednich" elementów macierzy A i B – dozwolony gdy A i B mają te same wymiary i rozmiary

podobnie ./ .^ (dzielenie i potęgowanie tablicowe)

A^2 % tożsame z $A*A$ (uwaga:A musi być kwadratowa)

$A.^2$ % każdy element do potęgi – A dowolne

Proste przykłady operacji macierzowych:

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline 3 & 4 \\ \hline \end{array} \xrightarrow{\quad} * \begin{array}{|c|} \hline 2 \\ \hline 3 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline 8 \\ \hline 18 \\ \hline \end{array}$$

sumy iloczynów!

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 3 \\ \hline 4 & 1 \\ \hline \end{array} * \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 2 \\ \hline 3 & 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 6 \\ \hline 12 & 1 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 3 \\ \hline 4 & 1 \\ \hline \end{array} / \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 2 \\ \hline 16 & 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline 0.5 & 1.5 \\ \hline 0.25 & 1 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 3 \\ \hline 4 & 6 \\ \hline \end{array} \wedge \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 2 \\ \hline 3 & 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline 4 & 9 \\ \hline 64 & 6 \\ \hline \end{array}$$

Wybrane metody wykorzystania macierzy

Rozwiązywanie układu równań liniowych

$$\begin{array}{rcl} 2x + 3y - 4z & = & 5 \\ x + y - z & = & 3,5 \\ -2,5y - z & = & 2 \end{array}$$

Rozwiązanie w Matlabie (m-plik):

$$A = [2 \ 3 \ -4 ; 1 \ 1 \ -1 ; \mathbf{0} \ -2.5 \ -1]$$

$$B = [5 ; 3.5 ; 2]$$

$$X = A^{(-1)} * B \quad \% \text{wektor rozwiązań (lub } X = \text{inv}(A) * B)$$

$$A * X \quad \% \text{wynikiem powinien być wektor wyrazów wolnych } B$$

...sprawdzenie rozwiązań:

$$s_1 = A(1,1) * X(1) + A(1,2) * X(2) + A(1,3) * X(3) - B(1)$$

.... powinno dać wartość $s_1 = 0$

podobnie:

$$s_2 = A(2,1) * X(1) + A(2,2) * X(2) + A(2,3) * X(3) - B(2)$$

$$s_3 = A(3,1) * X(1) + A(3,2) * X(2) + A(3,3) * X(3) - B(3)$$

Uwaga: rozwiązania istnieją jeśli równania układu nie są liniowo zależne

Wyznaczanie pierwiastków równania n-tego stopnia funkcja **roots**(M)

- gdzie M jest wektorem współczynników przy kolejnych potęgach

np. $x^3 + 3x^2 - 4 = 0$

instrukcja:

R=roots ([1 3 0 -4])

wyznacza pierwiastki równania

R – będzie wektorem rozwiązań

- jeśli równanie rzędu N to mamy N rozwiązań
- rozwiązaniami mogą być liczby zespolone!

Użyteczne wbudowane funkcje tablicowe

- rand(n)** - losowo generowana tablica kwadratowa $n \times n$
- rand(n,m)** - losowo generowana tablica prostokątna $n \times m$
- sum(A)** - wektor sum elementów w kolumnach macierzy A
- sum(sum(A))** - suma wszystkich elementów macierzy 2-wymiarowej
- max(A)** - wektor elementów maksymalnych w kolumnach
- max(max(A))** - element największy w macierzy dwuwymiarowej
- min(A)** - wektor elementów minimalnych w kolumnach macierzy A
- min(min(A))** - element najmniejszy w macierzy dwuwymiarowej
- ndims(A)** - ile wymiarów macierzy
- numel(A)** - liczba elementów macierzy
- reshape(A,n,m)** - rekonfiguracja macierzy
- size(A)** - rozmiary macierzy
- length(A)** - największy rozmiar

Macierze specjalne

ones(n,m) - macierz $n \times m$ wypełniona jedynkami

zeros(n,m) - macierz $n \times m$ wypełniona zerami

magic(n) - elementy $1..n^2$, sumy kolumn i wierszy = const

```
x=magic(4)
y1=sum(x)
y2=sum(x')
```

```
x =
    16     2     3    13
     5    11    10     8
     9     7     6    12
     4    14    15     1

y1 =
    34    34    34    34

y2 =
    34    34    34    34
```

także przekątne mają sumę=34

Przykład

```
M=round(10*rand(3))
```

```
w=size(M)
```

```
M2=reshape(M,1,9)
```

```
M2=reshape(M',1,9)
```

M =

```
2 2 5
9 3 4
3 6 8
```

w =

```
3 3
```

M2=

```
2 9 3 2 3 6 5 4 8
```

M3 =

```
2 2 5 9 3 4 3 6 8
```

Sortowanie

sort (A, i, typ)

i: 1 - kolumny lub 2 - wiersze

typ: 'ascend' – rosnąco

'descend' - malejąco

domyślne wartości: 1 i 'ascend'

```
clc, clear
```

```
m=round(10*rand(5))
```

```
disp('sortowanie kolumnami')
```

```
m1=sort(m,1)
```

```
disp('sortowanie wierszami')
```

```
m2=sort(m,2)
```


```
disp('sortowanie wierszami malejąco')
```

```
m2=sort(m,2,'descend')
```

```
m =  
3 5 8 10 8  
7 10 3 5 3  
7 3 5 1 8  
2 6 7 1 2  
1 2 9 3 9
```


sortowanie kolumn

```
m1 =  
1 2 3 1 2  
2 3 5 1 3  
3 5 7 3 8  
7 6 8 5 8  
7 10 9 10 9
```




sortowanie wierszy

```
m2 =  
3 5 8 8 10  
3 3 5 7 10  
1 3 5 7 8  
1 2 2 6 7  
1 2 3 9 9
```



sortowanie wierszy malejąco

```
m2 =  
10 8 8 5 3  
10 7 5 3 3  
8 7 5 3 1  
7 6 2 2 1  
9 9 3 2 1
```



Możliwe jest także tworzenie tzw. **tablic komórkowych**

```
A = {[1 8 2005], 'Jakiś tekst'; 2+4i, 1:2:7}
```

```
A =
```

```
    [1x3 double]    'Jakiś tekst'  
    [2.0000 + 4.0000i]    [1x4 double]
```

```
s1 = A{1,1} % pierwsza składowa tablicy A
```

```
s1 =
```

```
    1    8   2005
```

Po co?

Umożliwiają umieszczenie **różnych typów danych** w komórkach (tablice **heterogeniczne**) – teksty, dane liczbowe, tablice

Fragmenty wektorów i macierzy dwuwymiarowych:

$A(2:5)$	fragment wektora (elementy od 2-go do 5-go)
$A(2:end)$	od 2-go do końca
$A(1:2:end)$	co drugi element począwszy od pierwszego
$A(3,:)$	cały trzeci wiersz macierzy A
$A(3,2:5)$	trzeci wiersz macierzy A o kolumnach od drugiej do piątej
$A(:,2)$	druga kolumna macierzy A
$diag(A)$	wektor głównej przekątnej macierzy A

Przykład

```
clear,clc
M=fix(rand(4)*10)
M2=M(2:3,2:3)
M3=M(2:end;1:end)
```

```
M =
    7    6    9    7
    7    1    3    2
    2    1    5    5
    6    4    2    6
```

```
M2 =
    1    3
    1    5
```

```
M3 =
    7    1    3    2
    2    1    5    5
    6    4    2    6
```

Instrukcja iteracyjna („pętla liczona”)

Schemat iteracji:

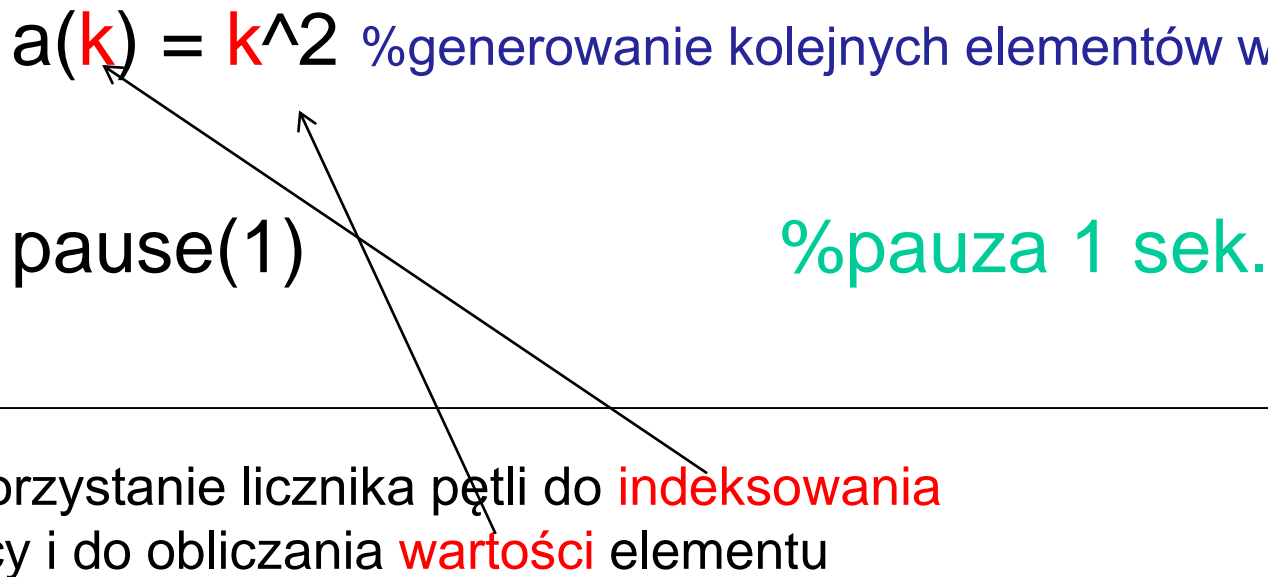
```
for zmienna = wartość_pocz : krok: wartość_końcowa  
    instrukcja1  
    instrukcja2  
    ....itd.  
end
```

Jeśli pominięty *krok* to krok=1

Przykłady prostych "pętli":

```
clc
for k= 1:10
    disp('jakiś tekst')
end;
```

```
clear
for k= 1:10
    a(k) = k^2 %generowanie kolejnych elementów wektora
    pause(1) %pauza 1 sek.
end;
```



Wykorzystanie licznika pętli do **indeksowania** tablicy i do obliczania **wartości** elementu

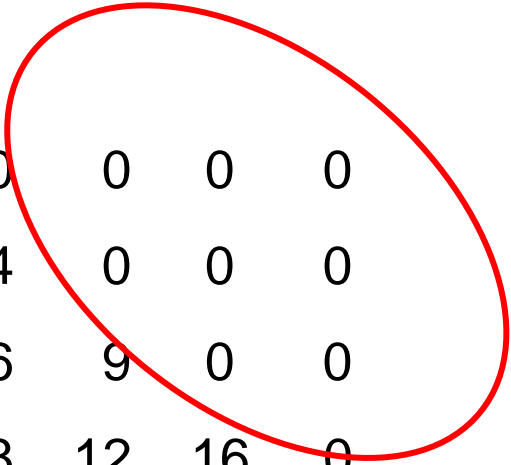
Przykład ("zagnieżdżanie" iteracji):

```
%generowanie kolejnych elementów wektora
for wiersz= 1:4
    for kolumna = 1:5
        a(wiersz , kolumna) = wiersz*kolumna
        pause %stop – ENTER kontynuuje
    end
end
end
```

Dla każdej wartości licznika pętli zewnętrznej wykonywana jest pętla wewnętrzna, czyli mamy 20 wykonań instrukcji wewnątrz pętli wewnętrznej.

Przykład (uzależnienie licznika "pętli" wewnętrznej):

```
for w= 1:5
  for k = 1:w
    a(w , k) = w*k;
  end
end
disp(a)
```



1	0	0	0	0
2	4	0	0	0
3	6	9	0	0
4	8	12	16	0
5	10	15	20	25

Przykład (sumowanie elementów w tablicy dwuwymiarowej):

```
a=0;
```

```
s = 0; %konieczne wyzerowanie sumy
```

```
for w= 1:5,
```

```
    for k= 1:5,
```

```
        A(w , k) = 2*w - 4* k,
```

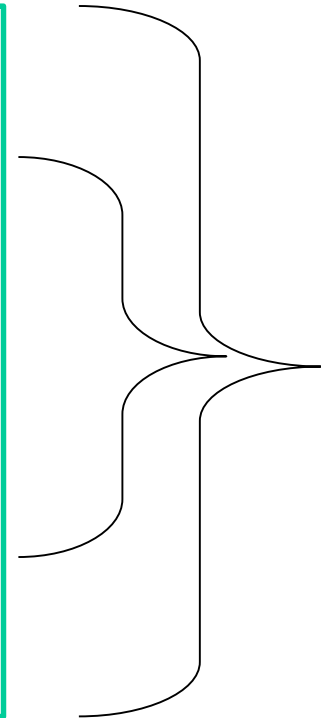
```
        pause, %zatrzymuje do naciśnięcia klawisza
```

```
        s=s+A(w , k);
```

```
    end
```

```
end
```

```
fprintf('Suma wynosi:%d\n', s)
```



Przykład (sumowanie i zliczanie warunkowe - elementów dodatnich w tablicy dwuwymiarowej)

```
clear; clc
A=rand(5,5)-0.5 %tablica 5x5, elementy z przedziału (-0.5, 0.5)
iledod= 0; sumadod=0;
s=0;
for w= 1:1:5
    for k = 1:1:5
        if A(w , k)>0
            iledod=iledod+1;
            sumadod=sumadod+A(w,k);
        end
    end
end
fprintf ('Elementów dodatnich jest %d\n', iledod)
fprintf ('Ich suma to %f\n', sumadod)
```

Przy spełnionym warunku sumę zwiększamy o element a liczbę elementów o 1

Przykład

```
A=rand(5)
disp('Oto 3-ci wiersz')
for k= 1:5,
    disp(A(3, k))
end
disp('Oto przekątna')
for k= 1:5,
    disp(A(k, k))
end
```